



Вища математика. Частина 1

Лінійна, векторна алгебра та аналітична геометрія.

Диференціальнечислення.Функції кількох змінних.

Робоча програма навчальної дисципліни (Силабус)

Реквізити навчальної дисципліни

Рівень вищої освіти	Перший (бакалаврський)
Галузь знань	G - Інженерія, виробництво та будівництво
Спеціальність	G3 "Електрична інженерія"
Освітня програма	Системи забезпечення споживачів електричною енергією
Статус дисципліни	Основна
Форма навчання	очна(денна)/дистанційна/змішана
Рік підготовки, семестр	1 курс, осінній семестр
Обсяг дисципліни	210 годин/ 7 кредитів ЕКТС (лекції – 46 год., практичні заняття – 44 год., СРС – 120 год.)
Семестровий контроль/ контрольні заходи	Екзамен / модульна контрольна робота (МКР)/ розрахункова робота (РР)
Розклад занять	http://rozklad.kpi.ua
Мова викладання	Українська
Інформація про керівника курсу / викладачів	Лектор: Зражевська Віра Федорівна, доцент кафедри математичної фізики та диференціальних рівнянь ФМФ, канд. фіз.-мат. наук zrazhevska.vira@kpi.ua intellect.kpi.ua/profile/zvf1 ORCID: http://orcid.org/0000-0001-5117-8093 Практичні: Зражевська Віра Федорівна, доцент кафедри математичної фізики та диференціальних рівнянь ФМФ, канд. фіз.-мат. наук zrazhevska.vira@kpi.ua intellect.kpi.ua/profile/zvf1 ORCID: http://orcid.org/0000-0001-5117-8093
Розміщення курсу	на платформі «Сікорський» (код доступу до курсу надається на першому занятті згідно з розкладом)

Програма навчальної дисципліни

1. Опис навчальної дисципліни, її мета, предмет вивчення та результати навчання

Вивчення дисципліни “Вища математика” студентами відбувається протягом двох семестрів на 1 курсі, відповідний курс поділений на два кредитних модулі “Вища математика.Частина 1. Лінійна, векторна алгебра та аналітична геометрія. Диференціальнечислення. Функції кількох змінних”та “Вища математика.Частина 2.Функція Інтегральне числення. Диференціальні рівняння. Ряди. Кратні інтегали та теорія поля”. Загальний обсяг дисципліни – 15 кредитів (осінній семестр - 7 кредитів, весняний семестр – 8 кредитів)

Мета вивчення дисципліни – засвоєння студентами базових математичних знань, отримання навичок математичного дослідження; розвинення у студентів мислення; формування навичок використання

повного об'єму інформації та комунікативних засобів у професійній діяльності.

Програмні компетентності:

Загальні компетентності (ЗК):

- ЗК01-** Здатність до абстрактного мислення, аналізу і синтезу;
- ЗК02-** Здатність застосовувати знання у практичних ситуаціях;
- ЗК03-** Здатність спілкуватися державною мовою як усно, так і письмово;
- ЗК08-** Здатність працювати автономно.

Фахові компетентності (ФК):

- ФК02-** Здатність вирішувати практичні задачі із застосуванням методів математики, фізики та електротехніки.

Програмні результати навчання:

ПРН05- Знати основи теорії електромагнітного поля, методи розрахунку електричних кіл та уміти використовувати їх для вирішення практичних проблем у професійній діяльності;

ПРН08- Обирати і застосовувати придатні методи для аналізу і синтезу електромеханічних та електроенергетичних систем із заданими показниками.

2. Пререквізити та постреквізити дисципліни (місце в структурно-логічній схемі навчання за відповідною освітньою програмою)

Викладається у першому семестрі на базі повної середньої або середньої професійної освіти.

Компетентності та програмні результати навчання, одержані в процесі вивчення навчальної дисципліни, є необхідними для подальшого вивчення навчальних дисциплін "Вища математика. Частина 2" , "Інформаційні системи і технології в енергетиці", "Математичні задачі енергетики", "Енергетичний менеджмент".

3. Зміст навчальної дисципліни

Освітній компонент «Вища математика. Частина 1. Лінійна, векторна алгебра та аналітична геометрія. Диференціальнечислення. Функції кількох змінних» - відводиться 7 кредитів (210 годин).

Розділ 1. Елементи лінійної алгебри.

- Тема 1.1. Матриці. Дії над матрицями.
- Тема 1.2. Визначники та їх властивості.
- Тема 1.3. Обернена матриця. Матричні рівняння.
- Тема 1.4. Системи лінійних алгебраїчних рівнянь.

Розділ 2. Елементи векторної алгебри та аналітичної геометрії.

- Тема 2.1. Вектори. Дії над векторами.
- Тема 2.2. Пряма на площині.
- Тема 2.3. Плошина та пряма в просторі.
- Тема 2.4. Криві другого порядку.

Розділ 3. Вступ до математичного аналізу

- Тема 3.1. Числові послідовності. Границя числовової послідовності.
- Тема 3.2. Функції, означення, способи завдання. Класифікація функцій.
- Тема 3.3. Границя функції. I та II важливі граници. Еквівалентні нескінченно малі функції.
- Тема 3.4. Неперервність функції однієї змінної. Класифікація точок розриву.

Розділ 4. Диференціальнечислення функції однієї змінної

- Тема 4.1. Похідна функції, її обчислення, застосування. Диференціал функції та його застосування.

Тема 4.2.Похідні та диференціали вищих порядків.

Тема 4.3.Застосування диференціального числення для дослідження функцій і побудови їх графіків.

Розділ 5. Функції кількох змінних

Тема 5.1 Поняття функції кількох змінних.

Тема 5.2 Границя та неперервність.

Тема 5.3 Диференціювання та застосування похідних

Освітній компонент «Вища математика. Частина 2. Функція багатьох змінних. Інтегральне числення. Диференціальні рівняння» - відводиться 8 кредитів (240 годин).

Розділ 6. Інтегральне числення функції однієї змінної

Тема 6.1 Невизначений інтеграл.

Тема 6.2. Визначений інтеграл та його застосування.

Тема 6.3. Невласні інтеграли.

Розділ 7. Звичайні диференціальні рівняння

Тема 7.1 Звичайні диференціальні рівняння першого порядку.

Тема 7.2. Звичайні диференціальні рівняння вищих порядків.

Тема 7.3 Системи звичайних диференціальних рівнянь.

Розділ 8. Ряди

Тема 8.1. Числові ряди.

Тема 8.2. Функціональні ряди.

Тема 8.3. Ряди Фур'є.

Розділ 9. Кратні інтеграли та теорія поля.

Тема 9.1. Подвійні, потрійні інтеграли.

Тема 9.2. Криволінійні інтеграли.

Тема 9.3. Поверхневі інтеграли.

Тема 9.4. Елементи теорії поля.

4. Навчальні матеріали та ресурси

Базова література

1. Дубовик В.П. Вища математика: навч. посіб. / Дубовик В.П., Юрік І.І. – К.: А.С.К., 2005. – 648 с.
2. Вища математика. Елементи лінійної і векторної алгебри, аналітична геометрія. Практикум [Електронний ресурс]: навч. посіб. для здобувачів ступеня бакалавра спец. 141 Електроенергетика, електротехніка та електромеханіка / КПІ ім. Ігоря Сікорського ; уклад.: Н. Л. Денисенко, В. Ф. Зражевська. – Електронні текстові дані (1 файл: 4,01 Мбайт). – Київ : КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2024. – 168 с. – Назва з екрана.
<https://ela.kpi.ua/handle/123456789/66743>
3. Вища математика. Границі, неперервність : практикум і збірник задач до розрахункової роботи [Електронний ресурс] : навчальний посібник для здобувачів ступеня бакалавра спеціальності 141 Електроенергетика, електротехніка та електромеханіка / КПІ ім. Ігоря Сікорського ; уклад.: В. Ф. Зражевська. – Електронні текстові дані (1 файл: 779 Мбайт). – Київ : КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2024. – 61 с. – Назва з екрана.
<https://ela.kpi.ua/handle/123456789/67995>
4. Вища математика. Диференціальне числення функцій однієї змінної. Практикум [Електронний ресурс] : Навчальний посібник для здобувачів ступеня бакалавра / Н. Л. Денисенко, Т. О. Єрьоміна, В. В. Могильова. – Електронні текстові дані (1 файл: 2,92 Мбайт). – Київ : КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2022. – 159 с.

<https://ela.kpi.ua/handle/123456789/50361>

5. Вища математика. Функції багатьох змінних. Практикум [Електронний ресурс] : навч. посіб. для здобувачів ступеня бакалавра спец. 141 Електроенергетика, електротехніка та електромеханіка / КПІ ім. Ігоря Сікорського ; уклад.: Н. Л. Денисенко, В. В. Могильова. – Електрон. текст. дані (1 файл). – Київ : КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2024. – 49 с.

<https://ela.kpi.ua/handle/123456789/67942>

6. Вища математика. Невизначений інтеграл [Електронний ресурс] : практикум : навчальний посібник для здобувачів ступеня бакалавра спеціальності 141 Електроенергетика, електротехніка та електромеханіка / КПІ ім. Ігоря Сікорського ; уклад.: Н. Л. Денисенко, В. В. Могильова. – Електрон. текст. дані (1 файл: 1,3 Мбайт). – Київ : КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2025. – 70 с.

<https://ela.kpi.ua/handle/123456789/74277>

7. «Завдання та методичні вказівки до виконання типового розрахунку з курсу вищої математики на тему “Визначений та невласні інтеграли” Уклали: В.Ф.Зражевська, .В.В.Могильова. – К. НТУУ “КПІ імені Ігоря Сікорського”, 2017. - 37 с.

<http://ela.kpi.ua/handle/123456789/23008>

8. Диференціальні рівняння та системи. Методичні вказівки та варіанти завдань для типового розрахунку з вищої математики. / уклад: Т.В.Карнаухова, В.Ф.Зражевська, В.В.Могильова-К.: НТУУ «КПІ», 2014.-80с.)

<http://ela.kpi.ua/handle/123456789/7668>

Додаткова література
(факультативно / ознайомлення)

1. Владіміров В.М., Пучков О.А., Шмігевський М.В. Збірник завдань з вищої математики. Ч.2. - Київ: Політехніка. - 2002.-108 с.

2. Вища математика. Елементи векторної алгебри та аналітичної геометрії, частина I. Практикум, розрахункова робота [Електронний ресурс] : навчальний посібник для студентів спеціальностей 141 «Електроенергетика, електротехніка та електромеханіка», 144 «Теплоенергетика», 184 «Гірництво» / КПІ ім. Ігоря Сікорського ; уклад.: Н. Л. Денисенко, В. Ф. Зражевська. – Електронні текстові данні (1 файл: 1,24 Мбайт). – Київ : КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2021. – 42 с.

<https://ela.kpi.ua/handle/123456789/43539>

3. Вища математика. Елементи векторної алгебри та аналітичної геометрії, частина II. Практикум, розрахункова робота [Електронний ресурс] : навчальний посібник для студентів спеціальностей 141 «Електроенергетика, електротехніка та електромеханіка», 144 «Теплоенергетика», 184 «Гірництво» / КПІ ім. Ігоря Сікорського ; уклад.: Н. Л. Денисенко, В. Ф. Зражевська. – Електронні текстові данні (1 файл: 1,1 Мбайт). – Київ : КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2021. – 43 с.

<https://ela.kpi.ua/handle/123456789/43540>

4. Вища математика. Диференціальне та інтегральне числення функцій однієї змінної: збірник задач до розрахункової роботи та приклади розв'язування типових задач [Електронний ресурс] : навчальний посібник для здобувачів ступеня бакалавра за спеціальностями 161 «Хімічні технології та інженерія», 162 «Біотехнології та біоінженерія» / КПІ ім. Ігоря Сікорського ; уклад.: Качасенко О. Б., Коваль О. О., Поліщук О. Б., Стогній В. І. – Електронні текстові данні (1 файл: 3,66 Мбайт). – Київ: КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2022. – 117 с.

<https://ela.kpi.ua/handle/123456789/48741>

5. Вища математика. Елементи лінійної алгебри. Практикум [Електронний ресурс] : навчальний посібник для здобувачів ступеня бакалавра / КПІ ім. Ігоря Сікорського; уклад. Т. О. Єрьоміна, О. А. Поварова, Н. Л. Денисенко. – Електронні текстові дані (1 файл: 1,15 Мбайт). – Київ : КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2021. – 44 с.

Інформаційні ресурси

Електронний архів наукових та освітніх матеріалів КПІ ім. Ігоря Сікорського Режим доступу:
<https://ela.kpi.ua/>

Навчальний контент

5. Методика опанування навчальної дисципліни(освітнього компонента)

Навчальна дисципліна охоплює 46 годин лекцій та 44 годин практичних занять, виконання модульної контрольної роботи (МКР), яка складається з двох частин (за темами) тривалістю 1 акад. год. кожна, виконання розрахункової роботи (РР).

На практичних заняттях студенти опрацьовують теоретичний та практичний матеріал, розв'язуючи задачі, подібні до розглянутих на лекціях. Для самостійної роботи та кращого засвоєння матеріалу студентам задаються домашні завдання та індивідуальні завдання розрахункової роботи.

Лекційні заняття

№ з/п	Назва теми лекції та перелік основних питань (перелік дидактичних засобів, посилання на інформаційні джерела)
Розділ 1. Елементи лінійної алгебри.	
Лекція 1.	<i>Матриці. Визначники, їх властивості.</i> 1.1. Матриці, основні поняття. 1.2. Дії над матрицями. 1.3. Визначники квадратних матриць другого та третього порядків, їх властивості. 1.4. Мінори та алгебраїчні доповнення. 1.5. Обчислення визначників 1.6. Поняття про визначник квадратної матриці n-го порядку. Література [1,2].
Лекція 2.	<i>Матриці.</i> 2.1. Обернена матриця, її побудова. 2.2. Елементарні перетворення матриць. 2.3. Поняття рангу матриці, його обчислення. 2.4. Матричні рівняння. Література[1,2].
Лекція 3.	<i>Системи лінійних алгебраїчних рівнянь.</i> 3.1. Систем лінійних алгебраїчних рівнянь, основні поняття. 3.2. Розв'язування системи лінійних рівнянь за допомогою матричного методу. 3.3. Розв'язування систем лінійних алгебраїчних рівнянь за формулами Крамера 3.4. Критерій сумісності систем лінійних алгебраїчних рівнянь, теорема Кронекера-Капеллі. 3.5. Метод Гауса. Література [1,2].
Розділ 2. Елементи векторна алгебри та аналітичної геометрії.	

Лекція 4.	<i>Вектори в просторі.</i> 4.1. Основні поняття. 4.2. Лінійні операції з векторами. 4.3. Проекція вектору на напрямок. 4.4. Розклад вектору за базисом. 4.5. Напрямні косинуси. Література [1,2].
Лекція 5.	<i>Скалярний ,векторний та мішаний добуток векторів.</i> 5.1. Скалярний добуток векторів та його властивості. 5.2. Векторний добуток, його основні властивості. 5.3. Мішаний добуток трьох векторів, компланарність векторів. Література[1,2].
Лекція 6.	<i>Пряма на площині.</i> 6.1. Поняття прямої лінії на площині. 6.2. Рівняння прямої на площині. 6.2.1. Загальне рівняння прямої 6.2.2. Пряма у відрізках. 6.2.3. Канонічне та параметричні рівняння прямої. 6.2.4. Рівняння прямої з кутовим коефіцієнтом. 6.2.5. Рівняння прямої у відрізках. 6.2.6. Нормальне рівняння прямої. 6.3. Взаємне розміщення двох прямих. Кут між прямими. 6.4. Відхилення точки від прямої. Відстань від точки до прямої. Література [1,2].
Лекція 7.	<i>Площіни в просторі. Пряма і площаина в просторі.</i> 7.1. Поняття площини та лінії в просторі. 7.2. Рівняння площини. 7.2.1. Загальне рівняння площини. 7.2.2. Рівняння площини у відрізках. 7.2.3. Рівняння площини, що проходить через три точки. 7.2.4. Нормальне рівняння прямої. 7.3. Взаємне розміщення двох площин. Кут між площинами. 7.4. Види рівнянь прямої в просторі. 7.5. Взаємне розміщення двох прямих в просторі. 7.6. Розміщення прямої відносно площини. Література [1,2].
Лекція 8.	<i>Криві другого порядку на площині.</i> 8.1. Коло. 8.2. Еліпс. 8.3. Гіпербола. 8.4. Парабола Виведення канонічних рівнянь, дослідження вигляду та основні характеристики. Література [1,2].
Розділ 3. Вступ до математичного аналізу	

<i>Лекція 9.</i>	<p><i>Множини чисел. Числові послідовності.</i></p> <p>9.1. Числові множини.</p> <p>9.2. Поняття числової послідовності, її границя.</p> <p>9.2.1. Поняття послідовності.</p> <p>9.2.2. Границя послідовності.</p> <p>9.3. Основні властивості збіжних послідовностей.</p> <p>9.4. Число e як границя послідовності.</p> <p>Література [1,3].</p>
<i>Лекція 10</i>	<p><i>Функція. Границя функції в точці.</i></p> <p>10.1. Функція. Основні поняття і означення. Основні елементарні функції.</p> <p>10.2. Границя функції в точці.</p> <p>10.3. Односторонні границі. Границя функції на нескінченності, нескінчені границі.</p> <p>10.4. Основні теореми про границі функції.</p> <p>Література [1,3].</p>
<i>Лекція 11.</i>	<p><i>Нескінченно малі, нескінченно великі функції.</i></p> <p>11.1. Нескінченно малі, нескінченно великі функції.</p> <p>11.1.1. Означення нескінченно малих функцій (НМФ).</p> <p>11.1.2. Основні леми про НМФ</p> <p>11.1.3. Означення нескінченно великих функцій (НВФ). Зв'язок між НВФ та НМФ.</p> <p>11.2. Арифметичні операції над границями.</p> <p>Література [1,3].</p>
<i>Лекція 12.</i>	<p><i>Важливі границі.</i></p> <p>12.1. Важливі границі.</p> <p>12.1.1. Перша важлива границя.</p> <p>12.1.2. Друга важлива границя.</p> <p>12.2. Порівняння нескінченно малих функцій.</p> <p>Література [1,3].</p>
<i>Лекція 13.</i>	<p><i>Неперервність функції.</i></p> <p>13.1. Неперервність функції у точці.</p> <p>13.2. Точки розриву та їх класифікація.</p> <p>13.3. Властивості неперервних функцій.</p> <p>13.4. Властивості функцій неперервних на відрізку.</p> <p>Література [1,3].</p>
Розділ 4. Диференціальне числення функції однієї змінної	
<i>Лекція 14.</i>	<p><i>Диференціальне числення функцій однієї змінної. Похідна функції однієї змінної.</i></p> <p>14.1. Задачі, що приводять до поняття похідної.</p> <p>14.2. Поняття похідної. Геометричний зміст похідної.</p> <p>14.3. Правила диференціювання. Диференціювання складеної функції.</p> <p>Література [1,4].</p>
<i>Лекція 15.</i>	<p><i>Диференціальне числення функцій однієї змінної. Похідна функції однієї змінної (продовження).</i></p> <p>15.1. Похідні від основних елементарних функцій.</p> <p>15.2. Таблиця похідних. Приклади застосування основних формул диференціювання</p> <p>15.3. Диференціювання функцій, заданих у параметричній та неявній формах.</p> <p>15.4. Логарифмічне диференціювання. Похідна показниково-степеневої</p>

	функції. Література[1,4].
Лекція 16.	<i>Диференціал функції. Похідні вищих порядків. Диференціали вищих порядків</i> 16.1. Диференціал функції та його властивості. 16.2. Застосування диференціала до наближених обчислень. 16.3. Похідні вищих порядків. 16.4. Формула Лейбніца. 16.5. Друга похідна параметрично заданої функції. 16.6.Диференціали вищих порядків Література[1,4].
Лекція 17.	<i>Основні теореми диференціального числення.</i> 17.1. Теорема Ферма. 17.2. Теорема Ролля. 17.3. Теорема Лагранжа. 17.4. Теорема Коші. Література[1,4].
Лекція 18.	<i>Застосування диференціального числення</i> 18.1. Правило Лопіталя. 18.2.Формули Тейлора та Макларена. Література[1,4].
Лекція 19.	<i>Застосування диференціального числення до дослідження функції.</i> 19.1. Умови сталості функції. Умови монотонності функції. 19.2. Максимуми і мінімуми функції. Необхідна умова екстремуму. Достатні умови екстремуму. 19.3. Найбільше і найменше значення функції неперервної на відрізку. Література[1,4].
Лекція 20.	<i>Застосування диференціального числення до дослідження функції (продовження).</i> 20.1. Опуклість графіка функції. Точки перегину. 20.2. Необхідна і достатня умова перегину. 20.3. Знаходження асимптот графіка функції. 20.4. Загальна схема дослідження функції. Література[1,4].
Розділ 5.Функції кількох змінних	
Лекція 21.	<i>Функції кількох змінних.Основні поняття.</i> 21.1. Означення функції кількох змінних. 21.2. Границя функції двох змінних. 21.3. Неперервність функції двох змінних . Література[1,5].
Лекція 22.	<i>Похідні і диференціали функції кількох змінних</i> 22.1. Частинні похідні функції двох змінних. 22.2. Диференційованість функції двох змінних. Необхідна та достатня умови диференційованості функції. 22.3. Похідна складної функції. 22.4. Похідна неявно заданої функції. 22.5. Повний диференціал функції двох змінних 2.5.1. Означення. Властивості. 2.5.2. Застосування до наближених обчислень. 22.6.Дотична площа та нормаль до поверхні. 22.7.Похідна за напрямком. Градієнт.

	Література[1,5].
Лекція 23.	<p><i>Похідні та диференціали вищих порядків.</i></p> <p>23.1. Похідні і диференціали вищих порядків.</p> <p>23.2. Теорема про мішані похідні.</p> <p>23.3. Локальний екстремум функції двох змінних.</p> <p>23.4. Умовний екстремум функції двох змінних.</p> <p>Література[1,5].</p>

Практичні заняття

№ з/п	<i>Назва теми практичного заняття та перелік основних питань (перелік дидактичних засобів, посилання на інформаційні джерела)</i>
1.	<p><i>Визначники.Матриці.</i></p> <p>Поняття визначників та їх основні властивості. Обчислення визначників довільного порядку. Дії над матрицями.</p> <p>Література[1,2].</p> <p><i>Видача завдання РР.</i></p> <p>Література [2].</p>
2.	<p><i>Матриці.</i></p> <p>Побудова оберненої матриці, обчислення рангу.</p> <p>Матричні рівняння.</p> <p>Література [1,2].</p>
3.	<p><i>Методи розв'язання СЛАР.</i></p> <p>Матричний спосіб. Метод Крамера. Метод Гауса.</p> <p>Література[1,2].</p>
4.	<p><i>Векторна алгебра.</i></p> <p>Вектори в просторі. Лінійні операції над векторами. Скалярний добуток векторів.</p> <p>Література[1,2].</p>
5.	<p><i>Векторна алгебра.</i></p> <p>Скалярний добуток векторів. Векторний та мішаний добутки векторів.</p> <p>Література[1,2].</p>
6.	<p><i>Пряма на площині.</i></p> <p>Загальне, канонічне та параметричне рівняння прямої на площині. Рівняння прямої, що проходить через 2 точки. Умови паралельності, перпендикулярності прямих та кут між двома прямыми. Рівняння прямої у відрізках на осіах. Нормальне рівняння прямої.</p> <p>Література[1,2].</p>
7.	<p><i>Площаина в просторі. Пряма в просторі</i></p> <p>Загальне рівняння площини в просторі та його дослідження. Рівняння площини у відрізках. Рівняння площини, що проходить через 3 точки.</p> <p>Нормоване рівняння площини. Загальне, канонічне та параметричне рівняння прямої у просторі. Рівняння прямої, що проходить через дві точки..</p> <p>Література [1,2].</p>
8.	<p><i>Пряма і площаина.</i></p> <p>Взаємне розташування прямих і площин в просторі.</p>

	Література [1,2].
9.	<i>Прийом РР.</i> <i>Обчислення границь числової послідовності.</i> Методи розкриття основних невизначеностей в границях числової послідовності. Література[1,3].
10.	<i>Обчислення границь функції.</i> Застосування основних теорем про границі до обчислення границь. Основні типи невизначеностей в границях та способи їх розкриття. Розкриття невизначеностей типу $\left[\frac{\infty}{\infty}\right]$; $[\infty - \infty]$; $\left[\frac{0}{0}\right]$ Література[1,3].
11.	<i>Обчислення границь функції (продовження). Порівняння нескінченно малих функцій</i> Визначення поряку малості . Еквівалентні нескінченно малі функції, застосування до обчислення границь. Література[1,3].
12.	<i>Неперервність функції, точки розриву.</i> Неперервність функції в точці. Класифікація розривів функції. Література[1,3].
13.	<i>МКР частина 1.</i> <i>Обчислення похідних явно заданих функцій.</i> Основні правила диференціювання: похідна суми, добутку і частки функцій. Література[1,4].
14.	<i>Обчислення похідних функцій, заданих параметрично, неявно.</i> Похідна неявно заданої функції. Логарифмічне диференціювання. Похідна показниково-степеневої функції. Похідна функції, заданої параметрично. Література[1,4].
15.	<i>Похідні вищих порядків.</i> Похідні вищих порядків явно заданої функції. Похідні вищих порядків неявно заданої функції. Похідні вищих порядків параметрично заданої функції. Література[1,4].
16.	<i>Диференціали першого та вищих порядків. Застосування диференціалу.</i> Диференціали першого порядку. Диференціали вищих порядків. Наближені обчислення за допомогою диференціалів. Література[1,4].
17.	<i>Застосування похідної.</i> Геометричний зміст похідної. Рівняння дотичної та нормалі до графіку функції. Правило Лопіталя. Література[1,4].
18.	<i>Функції багатьох змінних. Частинні похідні та повний диференціал.</i> Література[1,5].
19.	<i>Диференціювання складної функції та функції, що задана неявно.</i> <i>Похідні і диференціали вищих порядків.</i> Література[1,5].
20.	<i>Застосування похідних та диференціалу</i> Рівняння дотичної площини та нормалі до поверхні. Наближене обчислення значення функції двох змінних. Література[1,5].
21.	<i>Застосування похідних та диференціалу.</i> Локальний, умовний, абсолютний екстремуми функції двох змінних.

	Література[1,5].
22.	Повторення матеріалу. МКР частина 2.

6. Самостійна робота студента

Види самостійної роботи – опрацювання лекційного матеріалу, підготовка до аудиторних занять, самостійне опрацювання тем, виконання розрахункової роботи, підготовка до МКР, підготовка до іспиту.

Самостійна робота студента передбачає:

підготовку до лекційних занять – 10 год;

підготовку до практичних занять – 22 год;

самостійне опрацювання тем – 26 год;

підготовку до модульної контрольної роботи – 8 год;

виконання РР – 24 год;

підготовку до іспиту – 30 год.

Теми, що виносяться на самостійне опрацювання.

№ з/п	Назва теми, що виносиється на самостійне опрацювання	Кількість годин СРС
1.	Дослідження системи за допомогою елементарних перетворень. Ранг. Критерій сумісності СЛАР. Література[1,2].	4
2.	Базис, розклад вектору за базовими векторами. Література[1,2].	2
3.	Криві другого порядку на площині: коло, парабола, еліпс та гіпербола. Виведення їх рівнянь, дослідження вигляду та основні характеристики. Література[1].	4
4.	Поверхні другого порядку та їх канонічні рівняння: сфера, еліпсоїд, конус другого порядку, однопорожнинний гіперболоїд, двопорожнинний гіперболоїд, еліптичний параболоїд, гіперболічний параболоїд. Література[1].	4
5.	Застосування диференціального числення до дослідження функції. Зростання і спадання функцій. Точки екстремуму. Найбільше і найменше значення функції неперервної на відрізку. Дослідження функцій на опуклість і угнутість. Точки перегину графіка функції. Асимптоти графіка функції. Повне дослідження функції та побудова її графіку.	10

	Література[1,3].	
6.	Застосування похідних функції багатьох змінних. Умовний екстремум, метод Лагранжа. Література[1,5].	2

Політика та контроль

7. Політика навчальної дисципліни (освітнього компонента)

На момент проведення кожного заняття, як лекційного, так і практичного, у студента на пристрой, з якого він працює, має бути відкрито курс «Вища математика. Частина 1» на платформі «Сікорський» (код доступу до курсу надається на першому занятті згідно з розкладом); Силабус; лекційний матеріал; завдання до кожного практичного заняття; варіанти модульної контрольної роботи; методичні рекомендації до виконання практичних та розрахункової роботи; варіанти екзаменаційної роботи (розміщено на платформі «Сікорський» та у системі «Електронний Кампус КПІ»).

Система вимог, які викладач ставить перед студентом:

- **правила відвідування заняттів**: відповідно до Наказу 1-273 від 14.09.2020 р. заборонено оцінювати присутність або відсутність здобувача на аудиторному занятті, в тому числі нараховувати заохочувальні або штрафні бали. Відповідно до РСО даної дисципліни бали нараховують за відповідні види навчальної активності на практичних заняттях.

- **правила поведінки на заняттях**: студент має слушно виконувати вказівки викладача щодо роботи на занятті, поводитися стримано й чесно та не заважати іншим студентам і викладачу. Використання засобів зв'язку для пошуку інформації на гугл-диску викладача, в інтернеті, в дистанційному курсі на платформі Сікорський здійснюється за умови вказівки викладача;

- **політика дедлайнів та перескладань**:

a. **МКР.**

- успішним вважається виконання контрольної роботи, якщо студент отримав за неї не менш, ніж 60% від максимальної кількості балів.
- у випадку пропуску контрольної роботи без поважної причини або неуспішної здачі контрольної роботи, перескладання контрольної роботи здійснюється за узгодженням з викладачем, при цьому максимальна оцінка, яку студент може отримати за контрольну роботу, складає 60% по відношенню до максимальної оцінки вчасної здачі контрольної роботи, при цьому попередня оцінка анулюється.
- у разі роботи в дистанційному режимі контрольну роботу потрібно захищати, незахищена робота оцінюється не більше як 60% від максимальної оцінки.

b. **Критерії оцінювання РР:**

- успішним вважається виконання розрахункової роботи, якщо студент отримав за неї не менш, ніж 60% від максимальної кількості балів.
- правильно, вчасно виконане і захищене завдання оцінюється в 1-4 бал (в залежності від складності задачі);
- правильно, вчасно виконане і не захищене завдання оцінюється в 60% від кількості балів за правильно, вчасно виконане і захищене;
- неправильно виконане завдання оцінюється в 0 балів;
- невчасно здане завдання оцінюється з зменшенням оцінки на 5% за кожний тиждень.

- **політика щодо академічної добросусідності**: Кодекс честі Національного технічного університету України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського» <https://kpi.ua/files/honorcode.pdf> встановлює загальні моральні принципи, правила етичної

поведінки осіб та передбачає політику академічної доброчесності для осіб, що працюють і навчаються в університеті, якими вони мають керуватись у своїй діяльності, в тому числі при вивченні та складанні контрольних заходів з дисципліни «Вища математика. Частина 1»;

- при використанні цифрових засобів зв'язку з викладачем (мобільний зв'язок, електронна пошта, переписка на форумах та у соцмережах тощо) необхідно дотримуватись загальноприйнятих етичних норм, зокрема бути ввічливим та обмежувати спілкування робочим часом викладача.

8. Види контролю та рейтингова система оцінювання результатів навчання (РСО)

Поточний контроль: експрес-опитування, опитування за темою заняття, написання МКР, захист РР.

1. Модульна контрольна робота (МКР)

Частина 1. Тема «Границя числової послідовності. Границя функції. Неперервність функції»

Ваговий бал – 8 бал.

Структура

1 завдання (2 бал). Задача з теми «Границя числової послідовності»

2 завдання (2 бал). Задача з теми «Границя функції»

3 завдання (2 бал). Задача з теми «Порівняння нескінченно малих функцій. Неперервність функції»

4 завдання (2 бали). Дати відповідь на теоретичне питання з теми «Границя функції. Неперервність функції»

Частина 2. Тема «Диференціальнечислення функції однієї змінної. Функції кількох змінних»

Ваговий бал – 12 бал.

Структура

1 завдання (3 бал). Знаходження похідної а) явно заданої функції б) неявно заданої функції в) параметрично заданої функції.

2 завдання (2 бал). Задача на застосування похідної. Обчислення границі, використовуючи правило Лопітала.

3 завдання (3 бал). Знаходження частинних похідних , повних диференціалів першого та другого порядку функції двох змінних

4 завдання (2 бал). Задача на застосування частинних похідних.

5 завдання (2 бали). Дати відповідь на теоретичне питання з тем «Диференціальнечислення функції однієї змінної. Функції кількох змінних»

Максимальна кількість балів за МКР 20 балів.

2. Розрахункова робота (РР). Тема «Елементи лінійної алгебри, векторної алгебри та аналітичної геометрії». Література[2].

Ваговий бал 15 бал.

Розрахункова робота виконується студентом в поза аудиторний час, потребує захисту. Захист полягає в поясненні виконання завдань та відповіді на теоретичні питання даної теми (перелік питань надається при видачі завдання). Без захисту завдання оцінюється не більше ніж 50% від максимального балу за це завдання, теорія -0 балів.

3. Експрес-контроль та відповіді на практичних заняттях

1. Експрес-опитувань на лекціях . Ваговий бал – 5 балів.
2. Робота на практичних заняттях. Ваговий бал – 10 балів.

Календарний контроль: проводиться двічі на семестр, як моніторинг поточного стану виконання вимог силабусу.

Семестровий контроль: екзамен.

Умови допуску до семестрового контролю: мінімально позитивна оцінка за МКР, зарахування розрахункової роботи, семестровий рейтинг не менше 30 балів.

1. Рейтинг студента з кредитного модуля розраховується зі 100 балів, з яких 50 балів складає стартова шкала і 50 балів відповідь на екзамені.

Стартовий рейтинг (протягом семестру) складається з балів, які студент отримує за такі види робіт:

- відповіді під час проведення експрес-опитувань на лекціях;
- роботу на практичних заняттях;
- написання модульної контрольної роботи;
- виконання розрахункової роботи.

2. Критерії нарахування балів:

.1. Відповіді під час проведення експрес-опитувань на лекціях. Ваговий бал – 5 балів.

- повна відповідь (не менше 90% потрібної інформації) 1 бал;
- неповна відповідь (або повна відповідь з неточностями) – 0,5 бали;
- незадовільна відповідь – 0 балів.

Загальна кількість балів набраних за семестр множиться на коефіцієнт $\frac{5}{n}$, де n - кількість експрес-опитувань.

2.2. Робота на практичних заняттях. Ваговий бал – 10 балів.

- вільне володіння матеріалом всього заняття, розв'язок виконано без помилок, наведене повне пояснення методики їх виконання – 1 бал;
- володіння матеріалом; при вирішенні задач – несуттєві помилки в розрахунках, недостатньо повне пояснення методики їх виконання – 0,5 бали;

Загальна кількість балів набраних за семестр множиться на коефіцієнт $\frac{10}{n}$, де n – найбільша кількість балів отриманих одним студентом.

2.3. Написання модульної контрольної роботи. Ваговий бал – 20 балів.

Протягом семестру проводиться одна модульна контрольна робота, яка поділяється на дві одногодинні контрольні роботи. Робота оцінюється у процентному відношенні правильно розв'язаних завдань

2.4. Розрахункова робота. Ваговий бал – 15 балів. Робота оцінюється у процентному відношенні правильно розв'язаних завдань.

3. Умовою атестації є виконання всіх робіт контролю (на час атестації) та отримання не менше 60% від максимального балу.

4. Умовою допуску до екзамену є мінімально позитивна оцінка за МКР, зарахування розрахункової роботи, стартовий рейтинг не менше 30 балів.

На екзамені студенти дають відповіді на 2 теоретичні питання і розв'язують 3 задачі. Кожне теоретичне питання і кожна задача оцінюються по 10 балів за такими критеріями:

Критерії оцінювання теоретичних питань

<i>Рівень засвоєння навчального матеріалу</i>	<i>Бали</i>	<i>Критерії оцінювання теоретичних питань</i>
«відмінно»	9-10	повна відповідь (<i>не менше 90% потрібної інформації</i>)
«добре»	7-8	достатньо повна відповідь (<i>не менше 75% потрібної інформації</i>), або відповідь з незначними неточностями
«задовільно»	5-6	неповна відповідь (<i>не менше 60% потрібної інформації</i>) та незначні помилки
«незадовільно»	0-4	незадовільна відповідь (<i>не відповідає вимогам на «задовільно»</i>)

Критерій оцінювання задач.

<i>Рівень засвоєння навчального матеріалу</i>	<i>Бали</i>	<i>Критерії оцінювання задачі</i>
«відмінно»	9-10	задача вирішена правильно, з повним поясненням (<i>вірний обґрунтowanyй розв'язок не менш ніж 95% задачі</i>)
«добре»	7-8	незначні помилки у вирішенні задачі (<i>не менше 75% розв'язано вірно</i>)
«задовільно»	5-6	значні помилки у вирішенні задачі (<i>не менше 60% розв'язано вірно і пояснено</i>)
«незадовільно»	0-4	<i>Незадовільний рівень (не відповідає вимогам на «задовільно»)</i>

Зразок екзаменаційного білету

1. Обернена матриця, означення, теорема існування. Поняття про матричне рівняння.
2. Дослідження функції за допомогою похідної. Умови сталості та монотонності, проміжки зростання спадання, екстремуми функції (необхідні та достатні умови).
3. Знайти точку M' , симетричну точці $M(3,2,4)$, відносно прямої $\frac{x+2}{-2} = \frac{y+1}{2} = \frac{z}{1}$.
4. Обчислити границю $\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 + 4x - 1} - \sqrt{x^2 + x - 4})$.
5. Перевірити, чи задовільняє функція $z = \operatorname{arctg} \frac{y}{x}$ спiввiдношеню $\frac{\partial^2 z}{\partial x^2} = \frac{\partial^2 z}{\partial y^2}$.

В умовах роботи дистанційно теоретичні питання можуть бути замінені тестом.

Таблиця відповідності рейтингових балів оцінкам за університетською шкалою:

<i>Кількістьбалів</i>	<i>Оцінка</i>
100-95	Відмінно
94-85	Дуже добре
84-75	Добре
74-65	Задовільно
64-60	Достатньо
Менше 60	Незадовільно
Невиконані умови допуску	Недопущено

9. Додаткова інформація з дисципліни (освітнього компонента)

Додаток 1.

Теоретичні питання, що виносяться на РР

1. Визначники, означення та властивості. Поняття визначників вищих порядків.
2. Матриці, основні означення, дії над матрицями. Поняття оберненої матриці. Теорема існування оберненої матриці. Ранг матриці
3. Матричні рівняння.
4. Системи лінійних алгебраїчних рівнянь. Основні поняття. Методи розв'язання СЛАР: матричний метод, метод Крамера, Метод Гауса. Дослідження СЛАР за допомогою теореми Кронекера – Капеллі.
5. Вектори. Основні поняття. Лінійні дії над векторами. Проекція вектора на напрямок. Розклад вектора за базисом. Ділення відрізку в заданому відношенні. Скалярний добуток, означення та властивості. Векторний добуток, означення та властивості. Мішаний добуток, означення та властивості.
6. Рівняння прямої на площині. Види рівнянь прямої на площині. Умови паралельності, перпендикулярності прямих на площині. Кут між прямими. Відстань від точки до прямої. Відхилення точки від прямої.
7. Площа на як поверхня другого порядку. Види рівнянь площини. Відстань від точки до площини. Відхилення точки від площини. Кут між площинами.
8. Пряма у просторі. Види рівнянь прямої у просторі. Кут між двома прямими. Взаємо розташування прямих у просторі.
9. Взаємне розташування прямої та площини.
10. Криві другого порядку (коло, еліпс, гіпербола, парабола). Означення. Канонічне рівняння. Основні параметри.
11. Поверхні другого порядку. Поняття поверхні другого порядку. Основні поверхні, канонічне рівняння та вигляд.

Додаток 2.

Теоретичні питання, що виносяться на МКР

Частина 1.

Елементи теорії границь.

1. Множина, способи завдання множини. Дискретні, зчисленні, неперервні множини.
2. Числові послідовності, монотонні, обмежені послідовності.
3. Границя числової послідовності: означення, властивості.
4. Нескінченно малі послідовності. Леми про нескінченно малі послідовності.

5. Основні властивості збіжних послідовностей.
6. Що таке функція, область визначення, область значень, аргумент, значення функції.
7. Способи завдання функції.
8. Яка функція називається парною, непарною, загального вигляду. Властивості графіків парних та непарних функцій.
9. Періодичні, обмежені, монотонні функції.
10. Означення границі функції за Коши. Односторонні границі. Означення границі на нескінченості.
11. Теорема про існування границі. Основні теореми про границі.
12. Означення нескінченно малої функції при $x \rightarrow x_0$. Леми про нескінченно малі функції.
13. Теорема про представлення функції, що має скінченну границю.
14. Нескінченно великі функції при $x \rightarrow x_0$? Теорема про зв'язок між нескінченно малими та нескінченно великими функціями.
15. Сформулювати теореми про арифметичні операції над границями.
16. Невизначеності при обчисленні границь та способи їх розкриття?
17. Перша визначна границя та наслідки з неї.
18. Друга визначна границя та наслідки з неї.
19. Порівняння нескінченно малих функцій. Знаходження порядку нескінченно малої функції відносно іншої нескінченно малої функції при $x \rightarrow x_0$.
20. Застосування еквівалентних нескінченно малих функцій до обчислення границь. Основні еквівалентно малі функції.
21. Означення неперервної функції в точці.
22. Сформулювати критерій неперервності функції «мовою границь», «мовою односторонніх границь», «мовою приростів», «мовою δ, ε ».
23. Арифметичні властивості неперервних функцій.
24. Означення точки розриву функції. Їх класифікація.
25. Теореми про властивості неперервних функцій.

Частина 2.

Диференціальнечислення функції однієї змінної і кількох змінних.

1. Задачі, що приводять до поняття похідної. Означення похідної, геометричний та фізичний зміст.
2. Правила диференціювання.
3. Похідна неявно заданої функції. Логарифмічне інтегрування. Похідна параметрично заданої функції.
4. Диференціал функції. Означення, властивості, застосування.
5. Похідні та диференціали вищих порядків. Друга похідна параметрично заданої функції.
6. Основні теореми диференціального числення функції однієї змінної (теореми Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши).
7. Застосування похідної. Правило Лопіталя.
8. Застосування похідної до дослідження функції. Умови сталості та монотонності, проміжки зростання спадання, екстремуми функції (необхідні та достатні умови). Опуклість, угнутість графіка функції, точки перегину (необхідні та достатні умови). Асимптоти до графіка функції. Найбільше та найменше значення функції на відрізку.
9. Означення функції багатьох змінних. Границя функції багатьох змінних. Неперервність функції багатьох змінних.
10. Частинні похідні. Диференційованість функції двох змінних. Похідні складних функцій. Похідна функції заданої неявно.

11. Означення диференціала. Застосування повного диференціала в наближенях обчисленнях. Дотична площа і нормаль до поверхні.
12. Частинні похідні вищих порядків. Диференціали вищих порядків. Екстремуми (локальний, умовний) функції багатьох змінних. Найбільше та найменше значення функції на замкненій області

Додаток 3.

Перелік тем, які виносяться на екзамен.

- Визначники та їх застосування. Формули
- Крамера знаходження розв'язків систем лінійних алгебраїчних рівнянь.
- Матриці: дії над матрицями, ранг матриці, обернена матриця. Матричні рівняння. Матричний метод знаходження розв'язків систем лінійних алгебраїчних рівнянь. Метод Гауса знаходження розв'язків систем лінійних алгебраїчних рівнянь.
- Елементи векторної алгебри: дії над векторами.
- Пряма лінія на площині.
- Рівняння площини. Рівняння прямої в просторі. Задачі на пряму і площину в просторі.
- Криві другого порядку: коло, парабола, еліпс, гіпербола.
- Границі числової послідовності. Границі функції. Обчислення границь із застосуванням I і II чудових границь.
- Порівняння нескінченно малих функцій. Порядок малості. Еквівалентні нескінченно малі.
- Неперервність функцій. Класифікація точок розриву.
- Диференціювання явно, неявно та параметрично заданих функцій. Диференціал та його застосування.
- Похідні та диференціали вищих порядків.
- Дослідження функції за допомогою похідної. Побудова графіків функції.
- Обчислення границь за допомогою правила Лопіталя.
- Диференціальнечислення функції кількох змінних: частинні похідні і диференціали першого і вищих порядків.
- Дотична площа і нормаль до поверхні, наближене обчислення за допомогою повного диференціала. Екстремум функції двох змінних.

Додаток 4.

Теоретичні питання, що виносяться на екзамен.

1. Визначники, означення та властивості. Поняття визначників вищих порядків.
2. Матриці, основні означення, дії над матрицями. Поняття оберненої матриці. Теорема існування оберненої матриці. Ранг матриці
3. Матричні рівняння.
4. Системи лінійних алгебраїчних рівнянь. Основні поняття. Методи розв'язання СЛАР: матричний метод, метод Крамера, Метод Гауса. Дослідження СЛАР за допомогою теореми Кронекера – Капеллі.
5. Вектори. Основні поняття. Лінійні дії над векторами. Проекція вектора на напрямок. Розклад вектора за базисом. Ділення відрізку в заданому відношенні. Скалярний добуток, означення та властивості. Векторний добуток, означення та властивості. Мішаний добуток, означення та властивості.

6. Рівняння прямої на площині. Види рівнянь прямої на площині. Умови паралельності, перпендикулярності прямих на площині. Кут між прямими. Відстань від точки до прямої. Відхилення точки від прямої.
7. Площина як поверхня другого порядку. Види рівнянь площини. Відстань від точки до площини. Відхилення точки від площини. Кут між площинами.
8. Пряма у просторі. Види рівнянь прямої у просторі. Кут між двома прямими. Взаємо розташування прямих у просторі.
9. Взаємне розташування прямої та площини.
10. Криві другого порядку (коло, еліпс, гіпербола, парабола). Означення. Канонічне рівняння. Основні параметри.
11. Поверхні другого порядку. Поняття поверхні другого порядку. Основні поверхні, канонічне рівняння та вигляд.
12. Послідовність. Властивості збіжних послідовностей. Монотонні послідовності. Фундаментальні послідовності, критерій Коши. Нескінченно малі послідовності. Леми про нескінченно малі послідовності
13. Функції, основні поняття. Границя функції в точці. Односторонні границі. Границі функції на нескінченості. Нескінчена границя. Основні теореми про границю функції.
14. Нескінчено малі та нескінчено великі функції. Основні леми про нескінчено малі функції. Зв'язок між НМФ та НВФ.
15. Арифметичні дії над границями. Перша чудова границя та наслідки з неї. Друга чудова границя та наслідки з неї.
16. Порівняння НМФ. Еквівалентні НМФ.
17. Неперервність функції в точці. Класифікація точок розриву.
18. Задачі, що приводять до поняття похідної. Означення похідної, геометричний та фізичний зміст.
19. Правила диференціювання. (одне на вибір з доведенням).
20. Похідна неявно заданої функції. Логарифмічне інтегрування. Похідна параметрично заданої функції.
21. Диференціал функції. Означення, властивості, застосування.
22. Похідні та диференціали вищих порядків. Друга похідна параметрично заданої функції.
23. Основні теореми диференціального числення функції однієї змінної (теореми Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши (одна з доведенням)).
24. Застосування похідної. Правило Лопітала.
25. Застосування похідної до дослідження функції. Умови сталості та монотонності, проміжки зростання спадання, екстремуми функції (необхідні та достатні умови). Опуклість, угнутість графіка функції, точки перегину (необхідні та достатні умови). Асимптоти до графіка функції. Найбільше та найменше значення функції на відрізку.
26. Означення функції багатьох змінних. Границя функції багатьох змінних. Неперервність функції багатьох змінних.
27. Частинні похідні. Диференційованість функції двох змінних. Похідні складних функцій. Похідна функції заданої неявно.
28. Означення диференціала. Застосування повного диференціала в наближеніх обчисленнях. Дотична площаина і нормаль до поверхні.
29. Частинні похідні вищих порядків. Диференціали вищих порядків. Екстремуми (локальний, умовний) функції багатьох змінних. Найбільше та найменше значення функції на замкненій області

Робочу програму навчальної дисципліни (силабус):

Складено

доцент кафедри математичної фізики та диференціальних рівнянь ФМФ, канд. фіз.-мат. наук
Зражевська Віра Федорівна.

Ухвалено кафедрою математичної фізики та диференціальних рівнянь (протокол № 8 від 05.06. 25)

Погоджено Методичною комісією ННІЕЕ (протокол № 30 від 25.06.25)